

# **Primo Principio della Termodinamica**

*Lezione 12/10/2021*

# Contenuti della lezione

- Definizione delle forme di energia di un sistema
- Calore e lavoro come forme di energie di scambio
- Meccanismi di trasferimento dell'energia
- Primo Principio della Termodinamica
- Trasformazioni termodinamiche notevoli

**L'energia è una proprietà estensiva di un sistema.**

**L'energia totale di un sistema può essere conservata nel sistema e può essere vista come somma di *forme di energia statiche*.**

### **Postulato dell'energia\***

**L'energia è una proprietà termodinamica estensiva (che gode della proprietà additiva) e conservativa**

## Postulato dell'energia

**L'energia è una proprietà termodinamica estensiva (che gode della proprietà additiva) e conservativa**



❖ **L'energia non può essere generata**       $E_{\text{gen}} = 0$

❖ **L'energia non può essere distrutta**       $E_{\text{dis}} = 0$

Questo significa che **durante una trasformazione**, cioè un processo in cui un sistema termodinamico scambia calore e lavoro, **l'energia totale del sistema si converte da una forma a un'altra, ma né si genera né si distrugge**

# Energia

Cosa succede a  $E_t$  se il sistema è sottoposto ad una sollecitazione termica e/o meccanica?

Il sistema subisce una trasformazione, ossia passa da uno stato di equilibrio iniziale a uno stato di equilibrio finale, dopo aver scambiato calore e/o lavoro:

$$E_{t,i} \longrightarrow E_{t,f}$$

Detta  $U$  l'energia interna di un sistema termodinamico

**Energia cinetica**

$$E_c = \frac{1}{2}mv^2$$

**Energia potenziale**

$$E_p = mgz$$

**ENERGIA TOTALE DI UN SISTEMA**

$$E = U + E_c + E_p = U + \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

**ENERGIA TOTALE DI UN SISTEMA PER UNITÀ  
DI MASSA**

$$e = \frac{E}{m} \quad (\text{kJ/kg})$$

# Energia

Essa può essere trasmessa secondo tre diverse modalità:

a) Modalità **calore**

b) Modalità **lavoro**

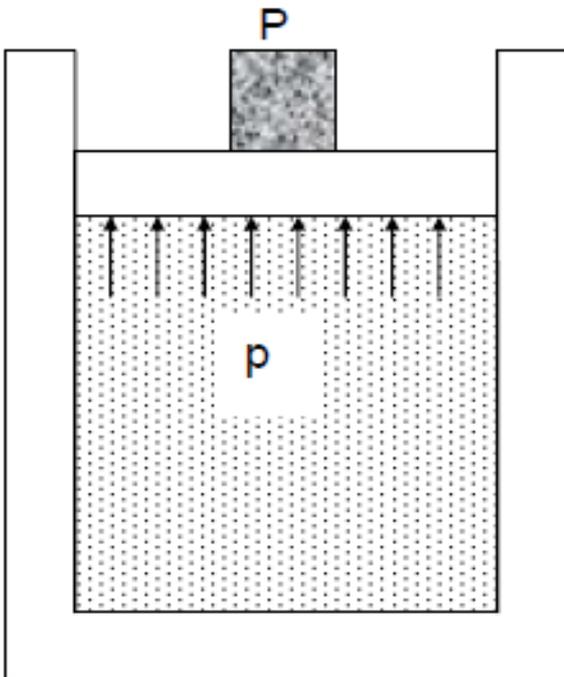
1. Si parla di energia trasmessa sotto forma di calore se la causa è una differenza di temperatura

2. Si parla di energia trasmessa sotto forma di lavoro se la causa è l'azione di una forza (pressione) risultante diversa da zero

# Lavoro termodinamico

Si consideri un sistema che si trova nelle seguenti condizioni:

- **Sistema chiuso:** massa di gas contenuta in un sistema cilindro-pistone
- **Sistema non isolato:** scambia lavoro con l'esterno mediante espansione o compressione dovuta al movimento del pistone. Nel caso in cui il gas si espande il lavoro è compiuto dal sistema sull'esterno (lavoro uscente), mentre nel caso di compressione del gas, il lavoro è subito dal sistema da parte dell'ambiente esterno (lavoro entrante).



$P$  indica una generica forza applicata al pistone. In questo caso la indico con  $P$  perché rappresenta il peso del corpo sul coperchio.

Essa genera una risultante di verso opposto che tende a contrastare la compressione. Se la risultante ha la stessa intensità della forza  $P$  il pistone rimane immobile.

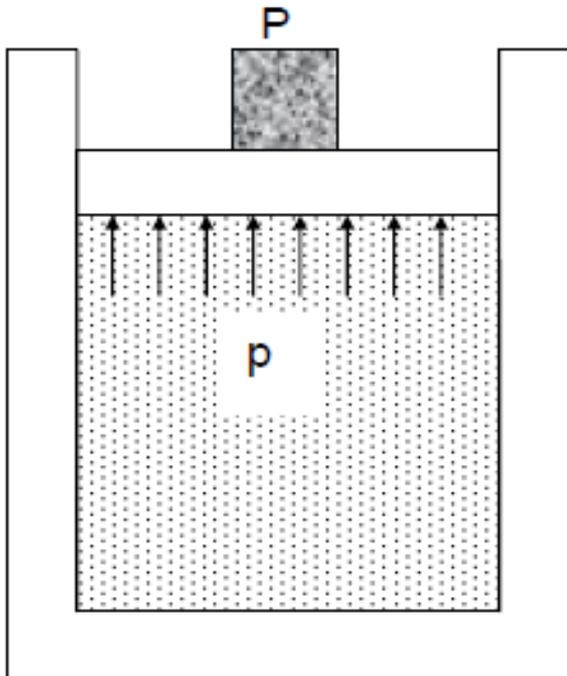
In condizioni di equilibrio, la pressione  $p$  esercitata dal gas sulla superficie interna del pistone equivale all'azione esercitata sul lato esterno dalla forza peso  $P$  del pistone stesso.

# Lavoro termodinamico

Supponiamo che la forza agente sul pistone sia il suo peso sul coperchio, che, pertanto, indichiamo con  $\mathbf{P} = \mathbf{mg}$ .

La forza  $\mathbf{P}$  genera una risultante di verso opposto che tende a contrastare la compressione. Se la risultante ha la stessa intensità della forza  $\mathbf{P}$  il pistone rimane immobile, cioè c'è equilibrio meccanico.

Nella condizione di equilibrio meccanico, indichiamo con  $A$  l'area di contatto tra gas e pistone e se  $p = P/A$  e possiamo scrivere:



Forza  
esterna

$$\mathbf{P} = \mathbf{A} \mathbf{p}$$

Risultante  
opposta

Partendo dalla condizione di equilibrio iniziale, cioè

$$\mathbf{P} = \mathbf{A} \mathbf{p}$$

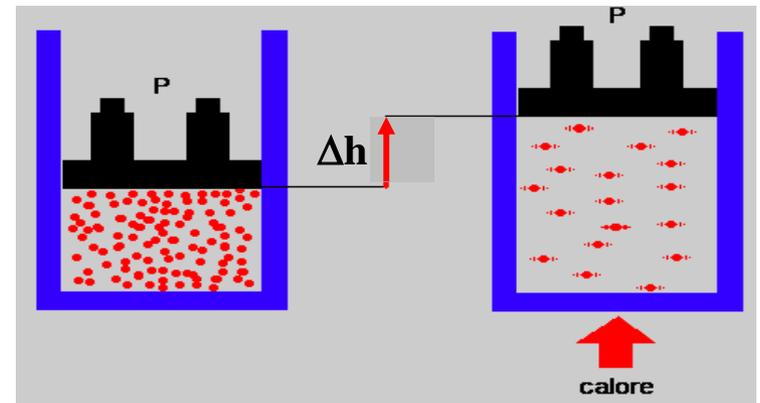
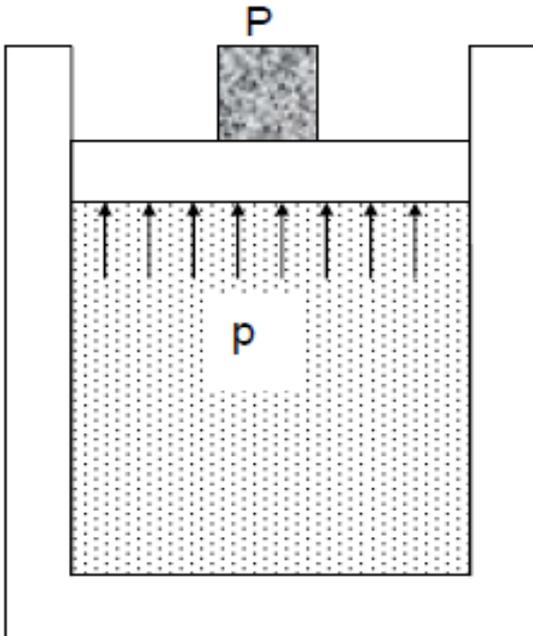
Ad ogni incremento o decremento di  $\mathbf{P}$  ( $\Delta\mathbf{P}$ ) corrisponde uno spostamento del pistone e, di conseguenza, un lavoro scambiato dal sistema con l'esterno.

# Lavoro termodinamico

Supponiamo, in condizioni iniziali di equilibrio, di riscaldare il sistema.

Cosa succede?

- Il sistema si espande
- Risultante diretta verso l'alto
- Lavoro compiuto dal sistema con l'esterno.



# Lavoro termodinamico

Se  $p = P/A$

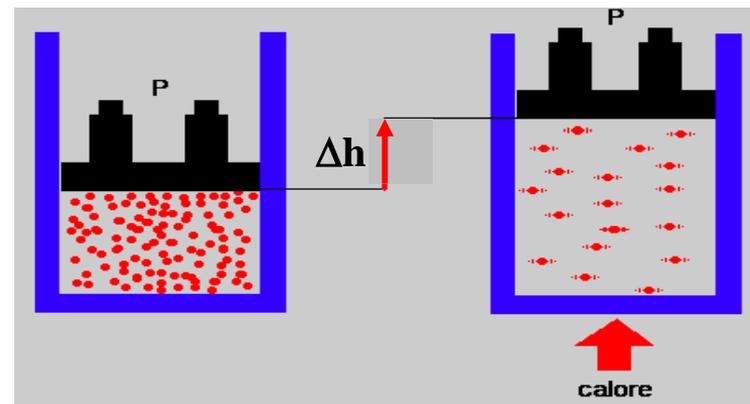
risulta  $P = A \cdot p$

Chiamiamo con  $\Delta h$  lo spostamento, ricordando che genericamente è  $L = F \cdot s$ :

La forza  $P$  compie lavoro  $L = P \cdot \Delta h$ . Quindi il lavoro è:

$$L = P \cdot \Delta h = p \cdot A \cdot \Delta h = p \cdot \Delta V$$

essendo  $\Delta V = A \cdot h$  la variazione di volume conseguente

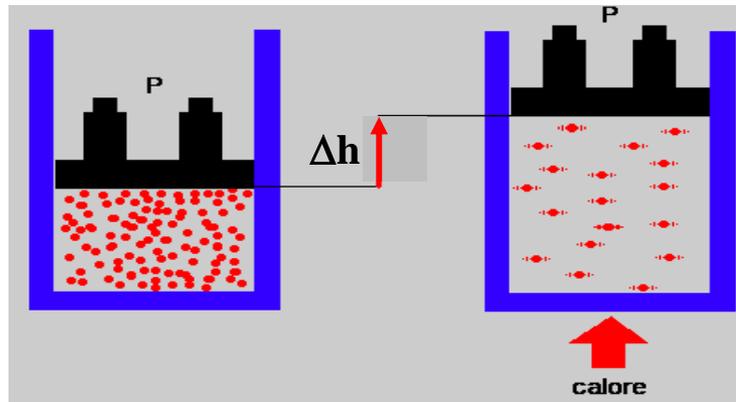


# Lavoro termodinamico

$$L = P \cdot \Delta h = p \cdot A \cdot \Delta h = p \cdot \Delta V$$

$$\text{Se } \Delta V = V_f - V_i$$

$$L = p \cdot \Delta V = p \cdot (V_f - V_i)$$



Questa espressione è valida se la trasformazione avviene a pressione **p** costante

# Lavoro termodinamico

$$L = p \cdot \Delta V = p \cdot (V_f - V_i)$$

Il nostro obiettivo è riportare tramite relazioni e grafici il legame fisico tra di esse. Quindi dobbiamo considerare intervalli di tempo piccolissimi, a cui corrispondono variazioni piccolissime delle proprietà termodinamiche.

Dobbiamo adottare l'approccio dell'infinitesimo

Allora:

Ragionando in termini infinitesimi, chiamiamo  $dx$  lo spostamento del pistone.

La variazione di volume sarà:

$$dV = A \cdot dx$$

Il lavoro sarà:

$$dL = P \cdot dx = p \cdot A \cdot dx = p \cdot dV$$

dove  $dV$  è la variazione di volume nel cilindro, conseguente allo spostamento  $dx$

# Lavoro termodinamico

Se  $M$  è la massa del gas contenuto nel cilindro e  $v$  il suo volume specifico, si ha:

$$dL = p \cdot dV = p \cdot d(M \cdot v) = p \cdot M \cdot dv$$

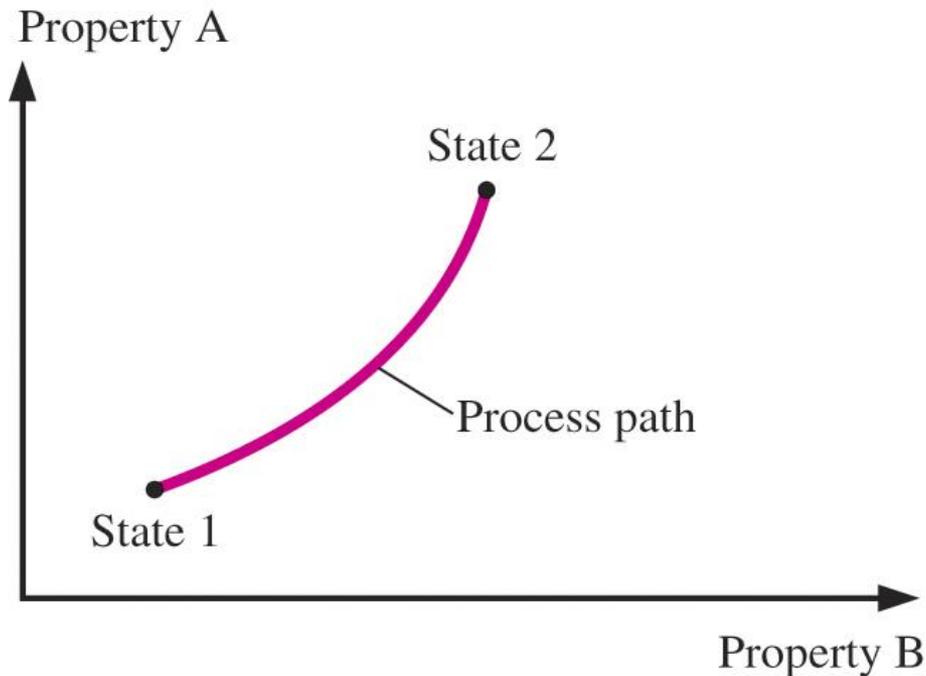
da cui è possibile ricavare il lavoro per unità di massa  $dl$ , dividendo per la massa  $M$ :

$$dl = p \cdot dv$$

**Trasformazione o processo:** Cambiamento del sistema, in virtù del quale un sistema passa da uno stato di equilibrio a un altro.

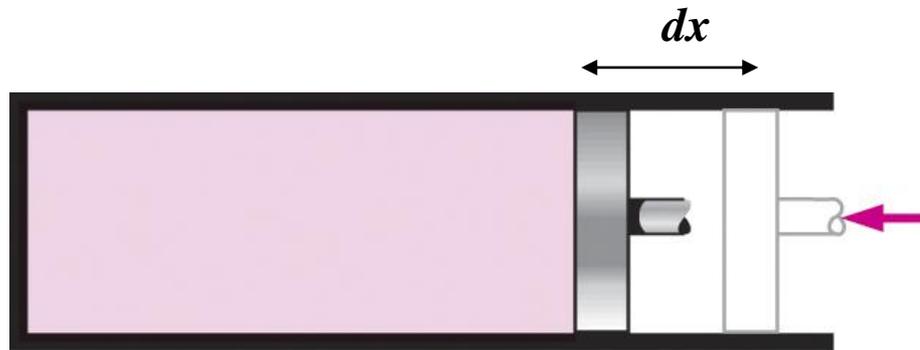
**Percorso:** La serie di stati attraverso cui un sistema passa durante una trasformazione.

Per descrivere un processo completamente, si devono conoscere gli stati iniziale e finale il percorso e le interazioni con l'ambiente.



# Lavoro termodinamico

Per tracciare graficamente con una linea una trasformazione, si deve considerare come una successione di infiniti stati di equilibrio. Ogni stato sarà rappresentato da un punto nel piano  $p$ - $V$ .

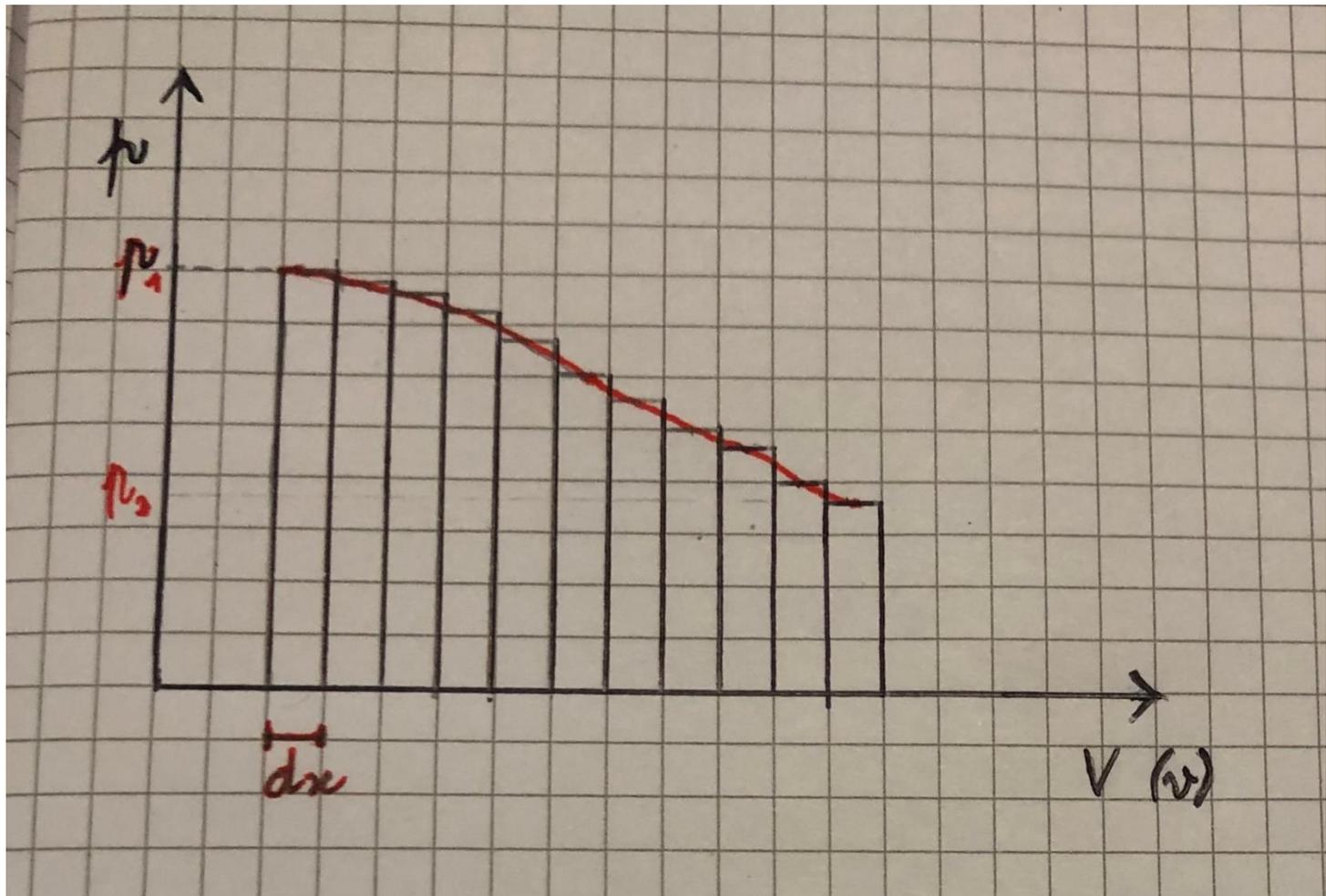


(a) Slow compression  
(quasi-equilibrium)

Immaginiamo che per ogni spostamento infinitesimo  $dx$  questo sia talmente piccolo da considerare costante la pressione  $p$

# Lavoro termodinamico

Per tracciare graficamente con una linea una trasformazione, si deve considerare come una successione di infiniti stati di equilibrio. Ogni stato sarà rappresentato da un punto nel piano p-V.

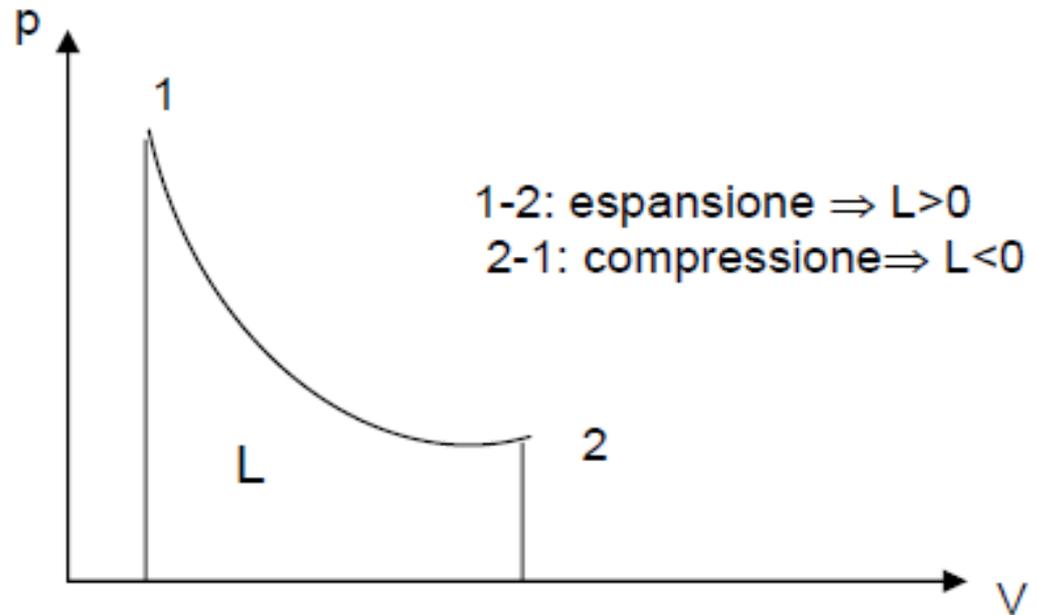


# Lavoro termodinamico

In un diagramma p-V il lavoro di espansione/compressione di un gas è espresso dall'area sottesa dalla linea che indica la trasformazione sull'asse delle ascisse.

$$dL = p \cdot A \cdot dx = p \cdot dV$$

$$dl = p \cdot dv$$

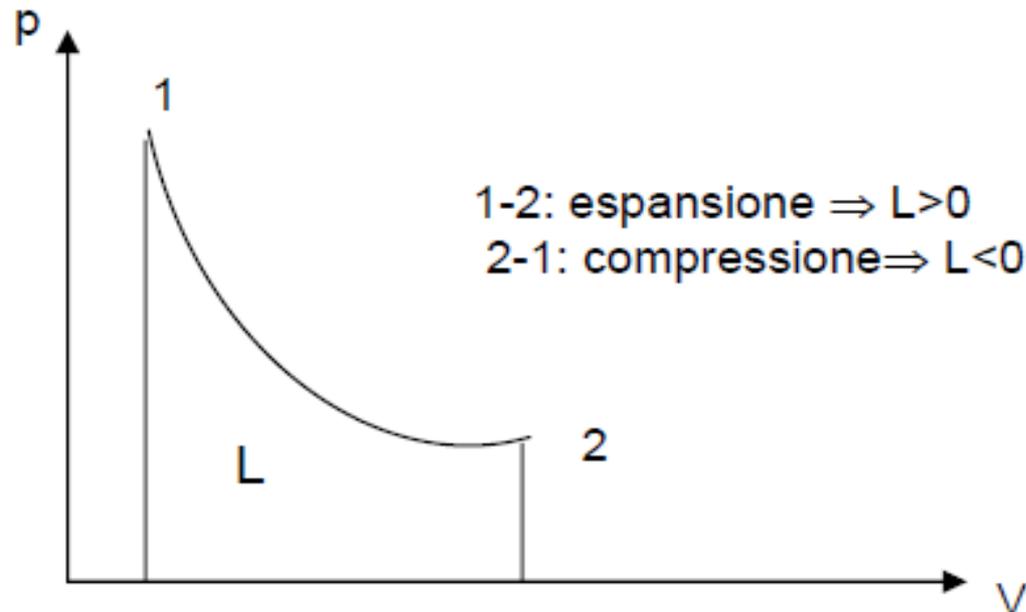


# Lavoro termodinamico

$$dL = p \cdot A \cdot dx = p \cdot dV$$

$$L_{12} = \int_1^2 p \cdot dV \quad (\text{J}) \quad \text{e} \quad l_{12} = \int_1^2 p \cdot dv \quad (\text{J/kg})$$

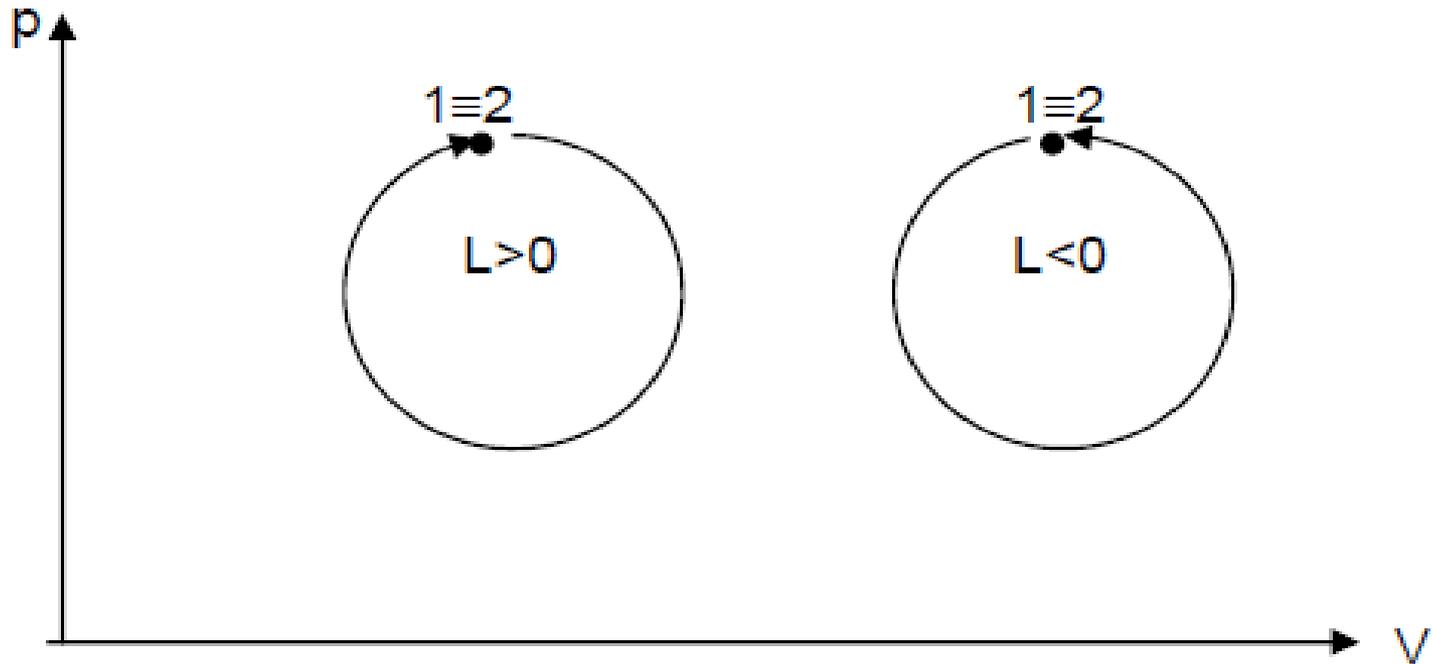
Il lavoro risulta positivo se la trasformazione comporta un aumento di volume (espansione), negativo in caso contrario (compressione).



# Ciclo termodinamico

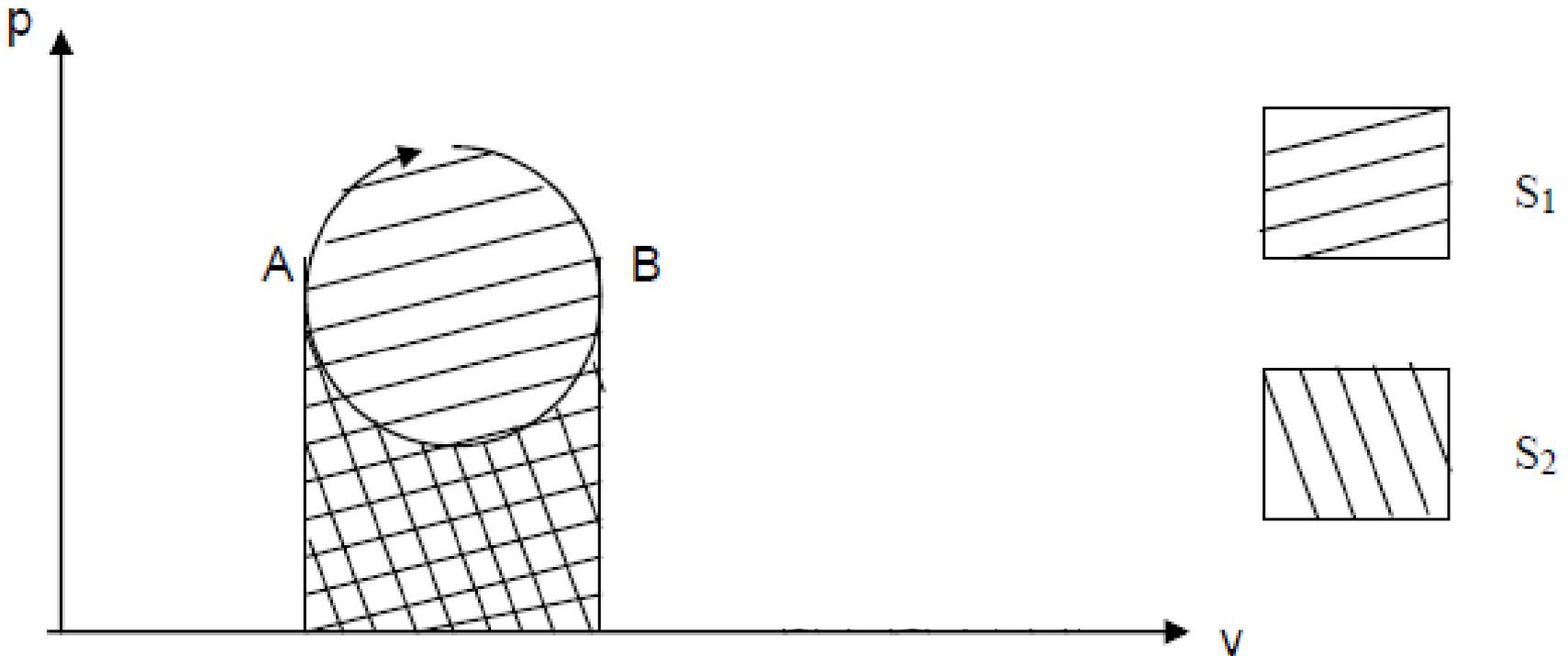
**Cosa succede se il punto iniziale coincide con quello finale?**

Se il punto iniziale e quello finale della trasformazione coincidono la trasformazione è chiusa o ciclica ed il lavoro risulta **positivo** se la trasformazione avviene in **senso orario**, **negativo** in caso **antiorario**.

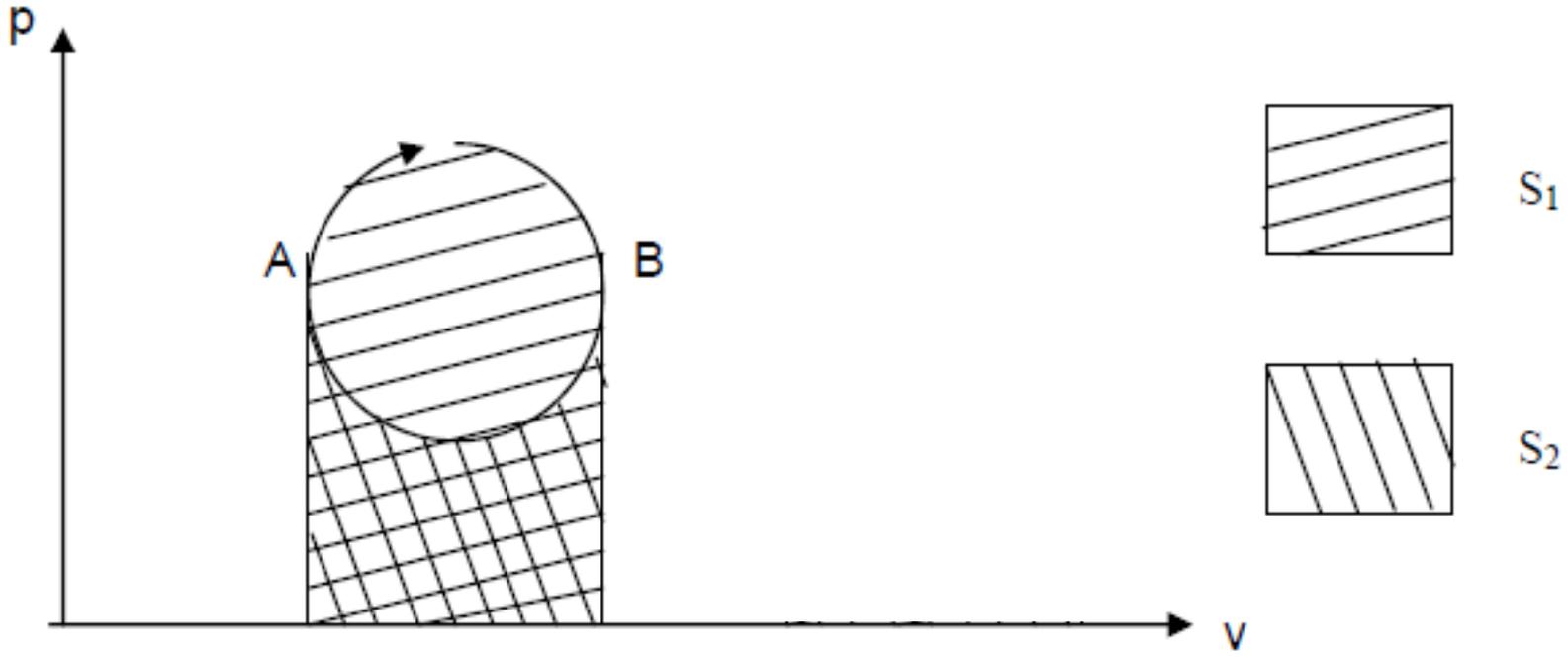


# Ciclo termodinamico diretto

- Supponiamo di percorrere il ciclo in senso orario, cioè di compiere un ciclo diretto, e consideriamo i due rami componenti individuati tracciando le rette verticali tangenti al ciclo nei punti A e B.



# Ciclo termodinamico diretto



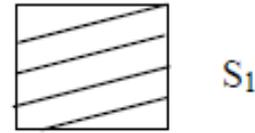
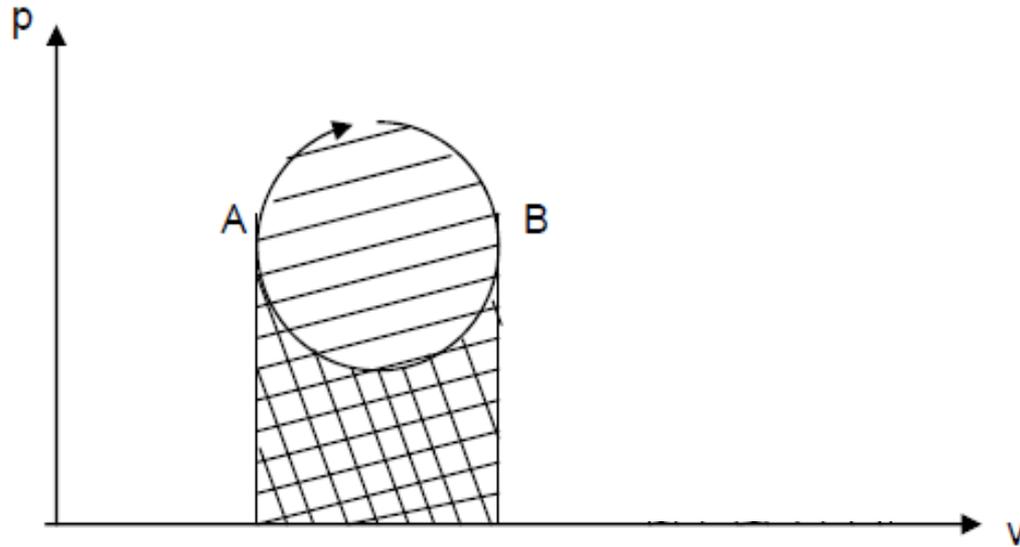
I tratti AB e BA sottendono rispetto all'asse delle ascisse due aree  $S_1$  ed  $S_2$ , per cui possiamo scrivere:

$$L_{AB} = \int_A^B p dV = S_1$$

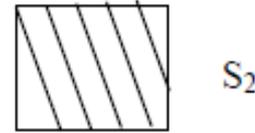
$$L_{BA} = \int_B^A p dV = S_2$$

È necessario conoscere dunque l'andamento di  $p$  in funzione di  $V$ .

# Ciclo termodinamico diretto



$$L_{AB} = \int_A^B p dV = S_1$$



$$L_{BA} = \int_B^A p dV = S_2$$

Nel caso di ciclo diretto si ha  $S_1 > S_2$  e, di conseguenza,  $S_1 - S_2 > 0$ .

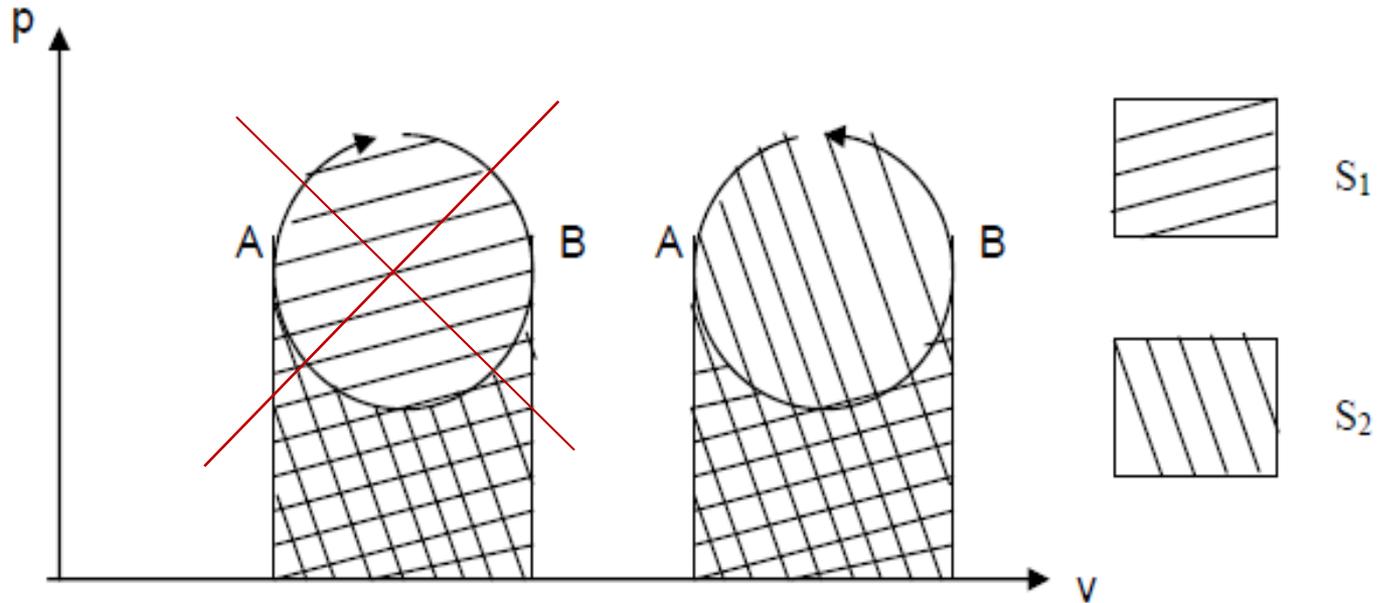
Quindi si ha anche:

$$L_{AB} - L_{BA} = S_1 - S_2 > 0$$

$$\text{Allora } L_{ciclo} = L_{AB} - L_{BA} > 0$$

Ricordare che: se  $p$  aumenta e  $V$  diminuisce  $L$  è negativo (compressione)  
se  $p$  diminuisce e  $V$  aumenta  $L$  è positivo (espansione)

# Ciclo termodinamico inverso



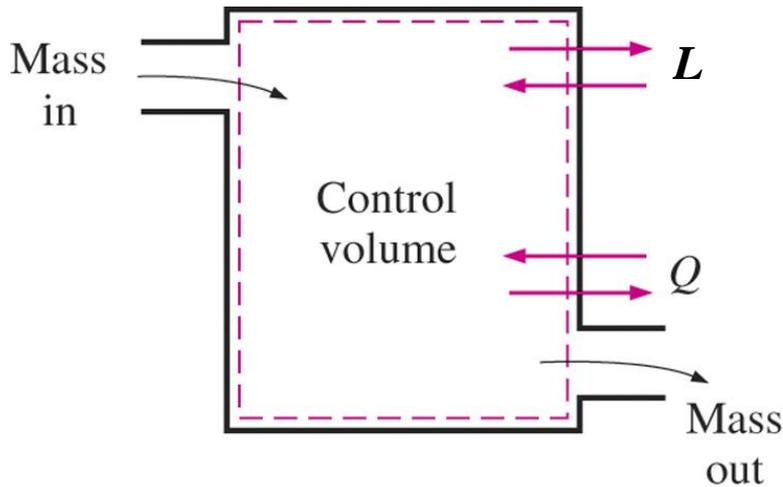
Nel caso di ciclo inverso, che prevede il verso di percorrenza antiorario, si ha  $S_1 < S_2$  e, di conseguenza,  
 $L_{ciclo} < 0$ .

$$L_{AB} = \int_A^B p dV = S_1 \qquad L_{BA} = \int_B^A p dV = S_2$$

$$L_{AB} - L_{BA} = S_1 - S_2 < 0$$

# Meccanismi di trasferimento dell'energia

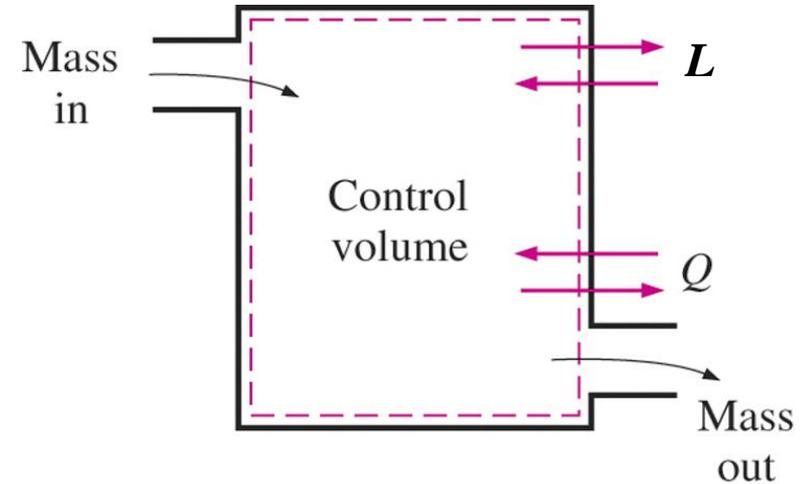
- Trasferimento di calore
- Lavoro
- Flusso di massa (la massa trasporta energia con sè)



Se il sistema è sottoposto ad una sollecitazione termica e/o meccanica, esso subisce una trasformazione, ossia passa da uno stato di equilibrio iniziale a uno stato di equilibrio finale, dopo aver scambiato calore e/o lavoro, e quindi la sua energia totale varia, cioè aumenta o diminuisce dopo aver scambiato calore e lavoro

# Meccanismi di trasferimento dell'energia

La variazione di energia totale di un sistema (aumento o diminuzione) durante un processo è uguale alla differenza tra l'energia totale entrante e l'energia totale uscente durante il processo



Il bilancio di energia si scrive in generale:

**Variazione dell'energia totale = Energia totale entrante – Energia totale uscente**

Cos'è la variazione di energia totale?

Cos'è l'energia uscente?

Cos'è l'energia entrante?

# Meccanismi di trasferimento dell'energia

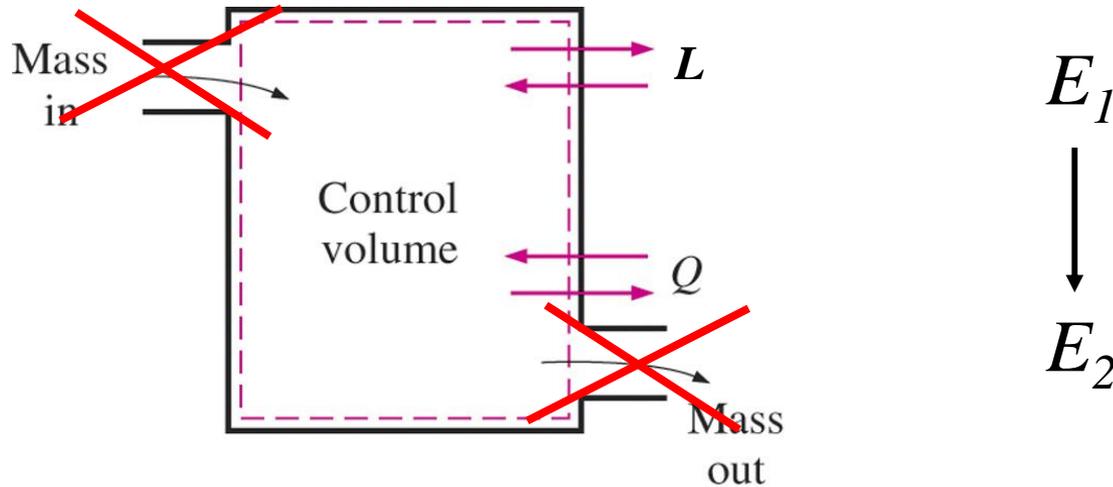
$$\begin{aligned} & \text{Variazione dell'energia totale} = \\ & = \text{Energia totale entrante} - \text{Energia totale uscente} \end{aligned}$$

Se c'è una variazione di energia, questa dipende da un'interazione con l'ambiente. Tale variazione non proviene dal nulla:

- se c'è un aumento di energia significa che l'ambiente ha trasferito energia al sistema  $\Delta E > 0$
- se c'è una riduzione di energia significa che il sistema ha ceduto energia all'ambiente  $\Delta E < 0$

Si supponga che il sistema abbia energia totale iniziale  $E_i = E_1$  e passi ad un valore di energia finale  $E_f = E_2$ . Perché questo è accaduto? Che è successo nel frattempo? Sicuramente ci sarà stata un'azione energetica compiuta da esso sull'ambiente e/o dall'ambiente su di esso, cioè ci saranno stati scambi (ingressi e/o uscite) di  $Q$  e  $L$ .

# Meccanismi di trasferimento dell'energia (Sistema chiuso)



Per un sistema chiuso non ci sono flussi di massa, ma solo calore e lavoro

$$\Delta E = E_2 - E_1$$

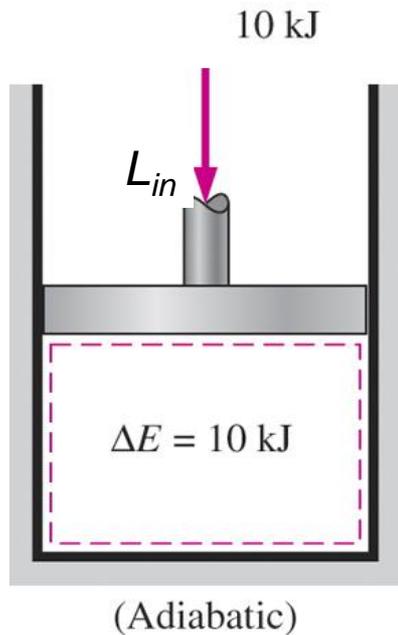
$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

$\uparrow$   $\uparrow$   
 $Q$   $L$

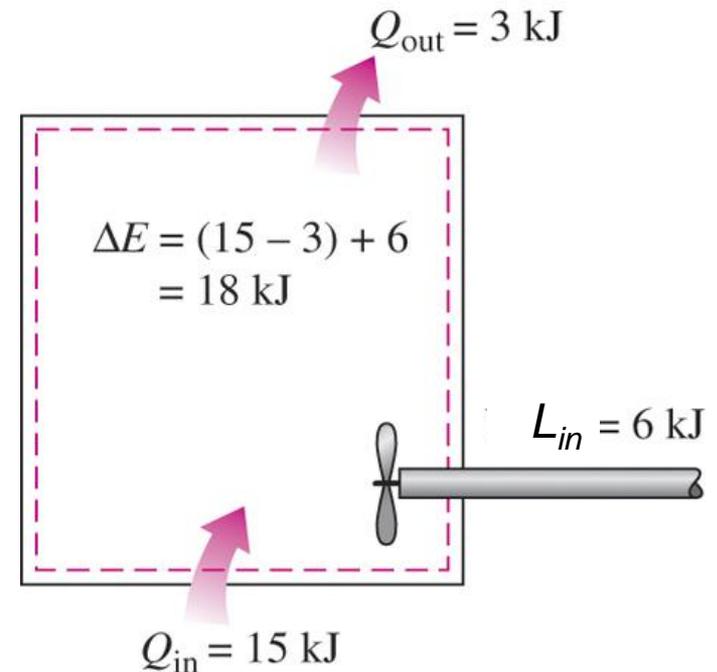
# Bilancio di energia

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

La variazione di energia totale del sistema è uguale alla somma del lavoro netto e del calore trasferito tra sistema e ambiente



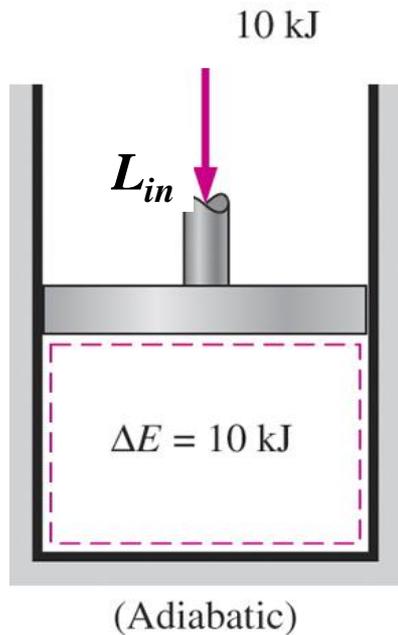
Il lavoro fatto su un sistema adiabatico ( $Q = 0$ ) è uguale all'aumento di energia totale del sistema



# Bilancio di energia

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (\cancel{Q_{in}} - \cancel{Q_{out}}) + (\cancel{L_{in}} - \cancel{L_{out}})$$



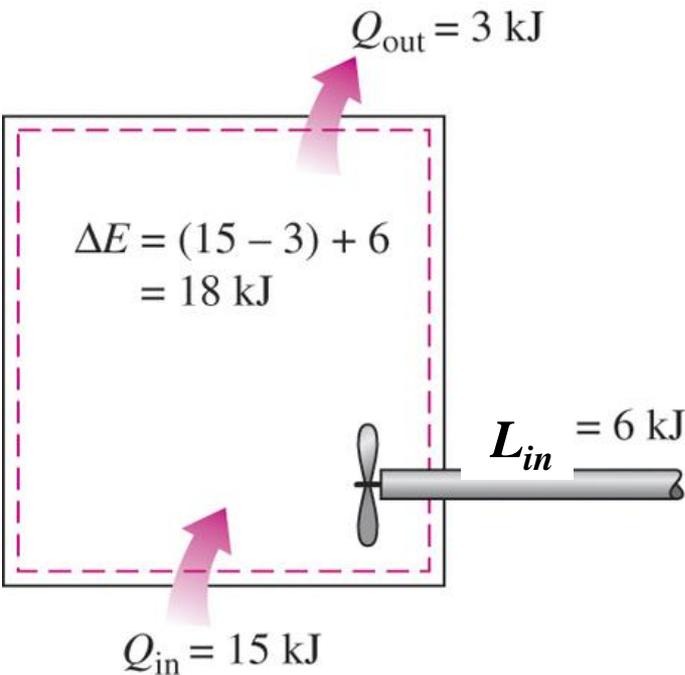
$$\Delta E = E_2 - E_1 = L_i = 10 [kJ]$$

**Il lavoro fatto su un sistema adiabatico ( $Q = 0$ ) è uguale all'aumento di energia totale del sistema**

# Bilancio di energia

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (\cancel{L_{in}} - \cancel{L_{out}})$$



$$\begin{aligned} \Delta E &= E_2 - E_1 = \\ &= (Q_i - Q_{out}) + L_i = (15 - 3) + 6 \text{ [kJ]} \end{aligned}$$

La variazione di energia totale del sistema è uguale alla somma del lavoro netto e del calore trasferito tra sistema e ambiente

# Variazione di Energia di un sistema

Cos'è **E**?

$$E = U + E_c + E_p = U + \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

Durante il passaggio da uno stato iniziale 1 a uno finale 2, la variazione di energia totale del sistema è:

$$\Delta E = E_2 - E_1$$

$$\Delta E = \Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p$$

# Variazione di Energia di un sistema

$$E = U + E_c + E_p = U + \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

$$\Delta E = \Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p$$

$$\Delta U = m(u_2 - u_1)$$

$$\Delta E_c = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Delta E_p = mg(z_2 - z_1)$$

# Variazione di Energia di un sistema

$$E = U + E_c + E_p = U + \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

Se divido per la massa del sistema  $m$

$$\frac{E}{m} = \frac{U}{m} + \frac{E_c}{m} + \frac{E_p}{m} = u + e + e$$



Scrivo:

$$\Delta e = \Delta u + \Delta e_c + \Delta e_p$$

$$\Delta u = u_2 - u_1$$

$$\Delta e_c = \frac{1}{2}(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Delta e_p = g(z_2 - z_1)$$

# Variazione di Energia di un Sistema Stazionario

$$E = U + E_c + E_p = U + \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

$$\Delta E = \Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p$$

$$\Delta U = m(u_2 - u_1)$$

$$\Delta E_c = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Delta E_p = mg(z_2 - z_1)$$

Sistemi stazionari

$$\Delta U = m(u_2 - u_1)$$

$$\Delta E_c = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = 0, \quad v_2 = v_1$$

$$\Delta E_p = mg(z_2 - z_1) = 0 \quad z_2 = z_1$$

# Primo principio per sistemi chiusi

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

dove per convenzione:

- $Q_{in}$  (assorbito) è positivo ( $>0$ )
- $Q_{out}$  (ceduto) è negativo ( $<0$ )

Quindi  $Q_{in} - Q_{out}$  dà la somma algebrica tra calore entrante e uscente, ossia può essere positiva o negativa a seconda se è maggiore il calore entrante ( $Q_{in}$ ) oppure quello uscente ( $Q_{out}$ ).

- $L_{in}$  (entrante) è negativo ( $<0$ )
- $L_{out}$  (uscente) è positivo ( $>0$ )

Quindi  $L_{in} - L_{out}$  dà la somma algebrica tra lavoro entrante e uscente, ossia può essere positiva o negativa a seconda se è maggiore il lavoro uscente ( $L_{out}$ ) oppure quello entrante ( $L_{in}$ ).

# Primo principio per sistemi chiusi

Quindi cambiamo i segni nell'equazione del bilancio energetico di un sistema chiuso, che pertanto diventa:

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) + (L_{in} - L_{out})$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) - (L_{out} - L_{in})$$

*Quindi:*

$$+(L_{in} - L_{out}) = - (L_{out} - L_{in})$$

# Primo principio per sistemi chiusi

$$\Delta E = E_2 - E_1 = (Q_{in} - Q_{out}) - (L_{out} - L_{in})$$

*pongo*

$$Q = (Q_{in} - Q_{out})$$

*pongo*

$$L = (L_{out} - L_{in})$$

Allora

$$\Delta E = Q - L$$

# Primo principio per sistemi chiusi ( $dm = 0$ o massa costante)

ma sappiamo che:

$$\Delta E = \Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p$$

Pertanto, il Primo Principio della Termodinamica applicato a sistemi chiusi (nessuna massa scambiata con l'ambiente,  $m = \text{costante}$ ), si formula nel seguente modo:

$$\Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p = Q - L$$

# Primo principio per sistemi chiusi e stazionari ( $dm = 0$ , $v = 0$ o costante)

$$\Delta U + \Delta Ec + \Delta Ep = Q - L$$

$$\Delta U + \cancel{\Delta Ec} + \cancel{\Delta Ep} = Q - L$$

$$\Delta U = m(u_2 - u_1)$$

$$\Delta Ec = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2) \rightarrow \Delta U = m(u_2 - u_1) = U_2 - U_1$$

$\Delta Ec = 0$ , essendo  $v_2 = v_1 = 0$

$$\Delta Ep = mg(z_2 - z_1) \quad \Delta Ep = 0 \text{ essendo } z_2 - z_1 = 0$$

# Primo principio per sistemi chiusi e stazionari ( $dm = 0$ , $v = 0$ o costante)

$$\Delta U = m(u_2 - u_1)$$

$$\Delta Ec = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2) \rightarrow$$

$$\Delta Ep = mg(z_2 - z_1)$$

$$\Delta U = m(u_2 - u_1) = U_2 - U_1$$

$$\Delta Ec = 0, \text{ essendo } v_2 = v_1 = 0$$

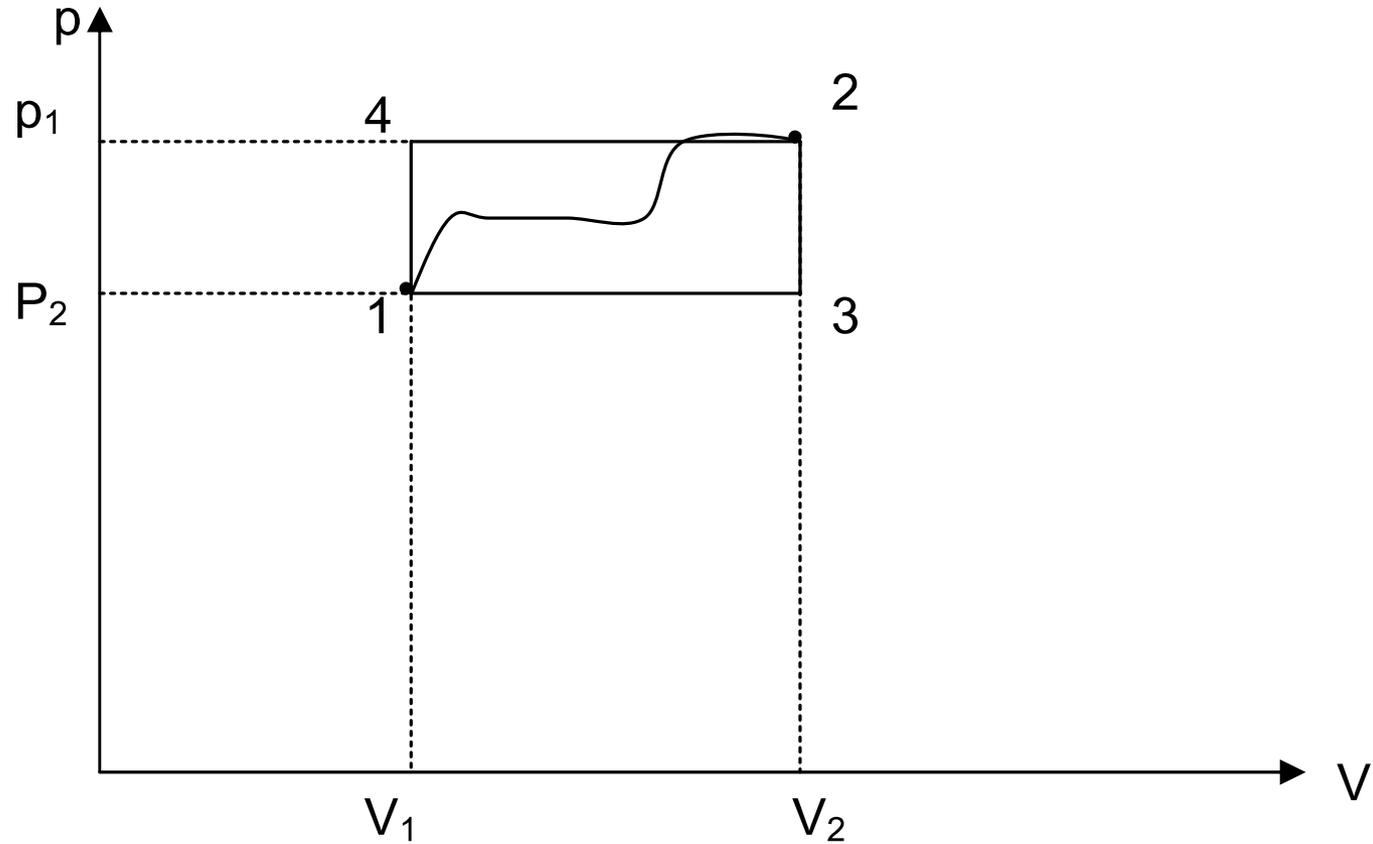
$$\Delta Ep = 0 \text{ essendo } z_2 - z_1 = 0$$

$$\Delta U = Q - L$$

In forma specifica:

$$\Delta u = q - l$$

# Trasformazioni



Il tipo di percorso effettuato dipende dai diversi valori delle energie di scambio (calore e lavoro) impiegate, ma, qualunque sia il percorso seguito, i valori di  $p$  e di  $V$ , nonché di tutte le altre grandezze di stato variano allo stesso modo, per cui la pressione varia da  $p_1$  a  $p_2$  ed il volume da  $V_1$  a  $V_2$ .

# Trasformazioni cicliche

- Se la trasformazione è di tipo ciclico (stato iniziale del sistema coincidente con lo stato finale), **le grandezze di stato non subiscono alcuna variazione essendo coincidenti gli stati iniziale e finale**, mentre **il lavoro ed il calore complessivamente scambiati risultano diversi da zero**.
- Essendo:

$$Q - L = \Delta U$$

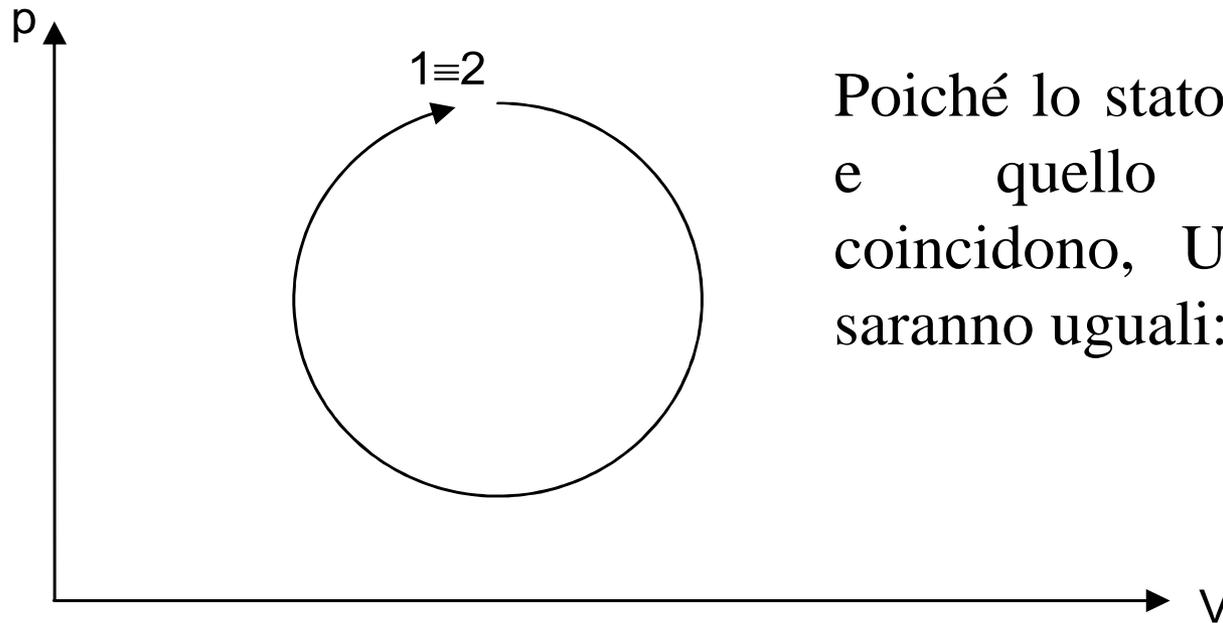
$$\Delta U = U_2 - U_1 = 0$$

$$\text{perchè } U_1 = U_2$$

$$Q - L = 0$$

$$Q = L$$

# Trasformazioni cicliche



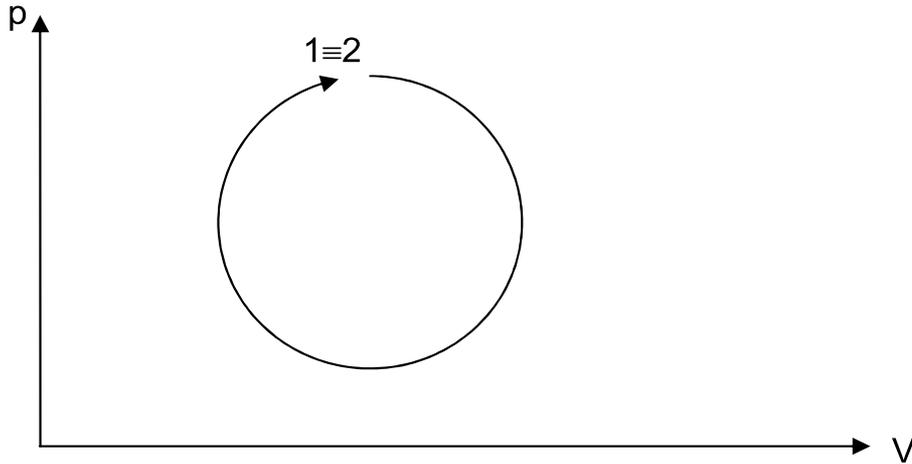
Poiché lo stato iniziale e quello finale coincidono,  $U_1$  e  $U_2$  saranno uguali:

$$U_1 = U_2 \longrightarrow \Delta U = 0$$

Quindi, essendo il Primo Principio della Termodinamica  $\Delta U = Q - L$ , questo si riformula:

$$Q - L = 0$$

# Trasformazioni cicliche



$$U_1 = U_2 \longrightarrow \Delta U = 0$$

**Quindi:**

$$Q - L = 0$$

Se un sistema stazionario chiuso compie una **trasformazione termodinamica ciclica**, la **variazione di energia interna è nulla**, pertanto **il calore scambiato con l'ambiente esterno è numericamente pari al lavoro scambiato**.

# Trasformazioni non cicliche

*Sistemi chiusi*   $\Delta U + \Delta E_c + \Delta E_p = Q - L$

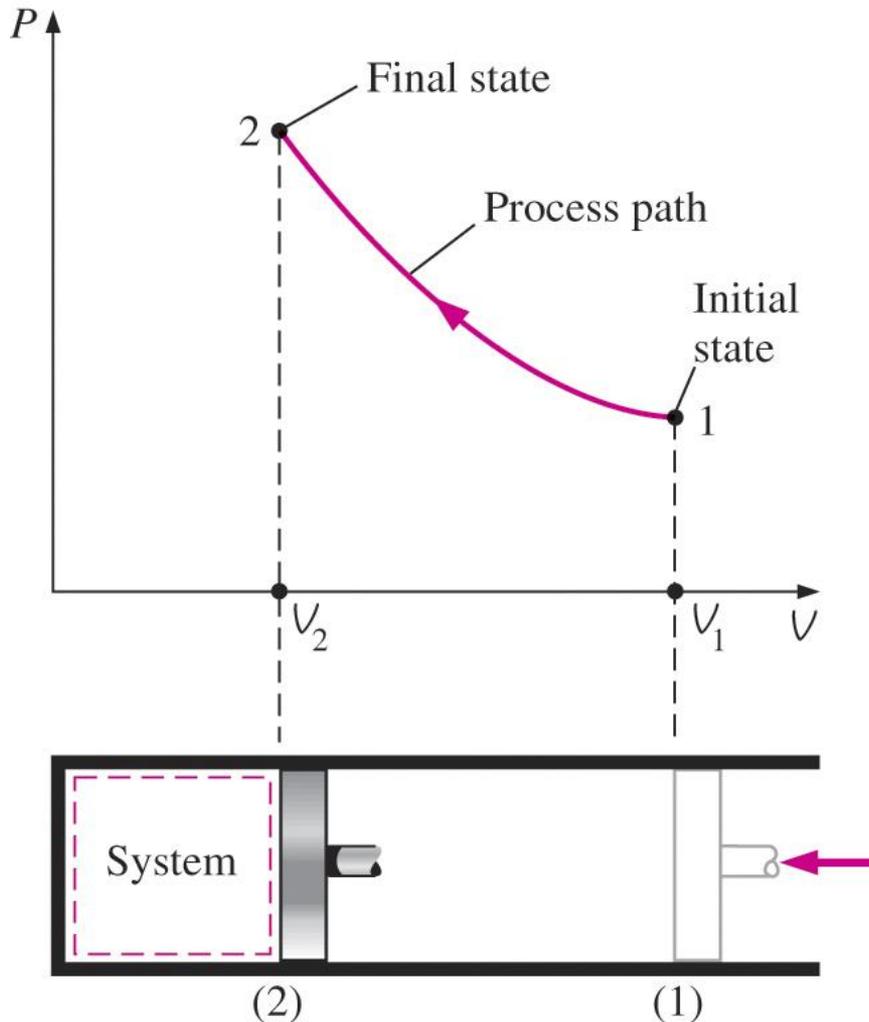
*Sistemi chiusi e stazionari*   $\Delta U = Q - L$

Il Primo Principio della Termodinamica afferma che:

- il calore  $Q$  ed il lavoro  $L$ , scambiati lungo una trasformazione eseguita, sono diversi tra loro e dipendono solo dal tipo di trasformazione seguita
- la loro differenza  $Q-L$  non dipende dalla trasformazione effettuata ma solo dai suoi punti iniziale e finale, perché equivale alla variazione di una grandezza di stato, ossia equivale all'energia totale del sistema, somma dell'energia interna e delle energie cinetiche e potenziali del sistema a livello macroscopico (per sistemi chiusi e stazionari l'energia interna)

# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

Con riferimento alla generica trasformazione 1-2:



$$L_{12} = \int_1^2 p \cdot dV$$

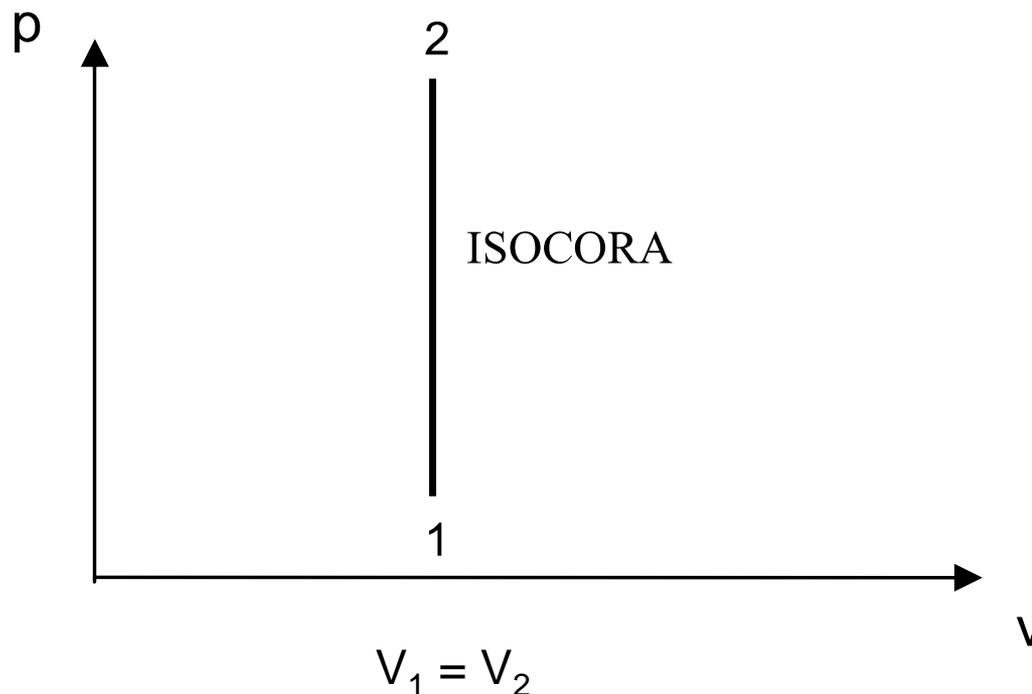
$$l_{12} = \int_1^2 p \cdot dv$$

# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

## *Processo ISOCORO*

Il caso più semplice è quello di un processo a volume costante, caratterizzato da  $dv = 0$ .

Su un diagramma p-v tale trasformazione è rappresentata da un segmento perpendicolare all'asse delle ascisse



# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

Processo ISOCORO  $V_1 = V_2 \longrightarrow dV = 0$

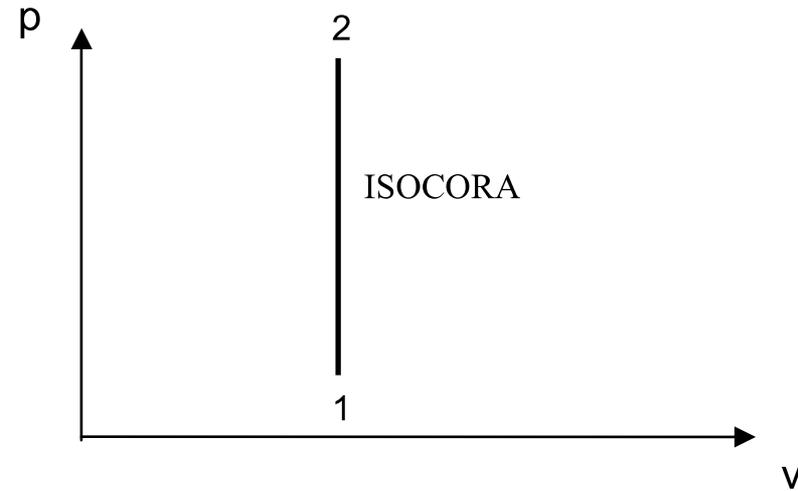
Si ha:

$$dV = 0 \Rightarrow dL = p \cdot dV = 0$$

$$L_{12} = \int_1^2 p \cdot dV = 0$$

Dal Primo Principio:

$$dQ = dU + dL$$

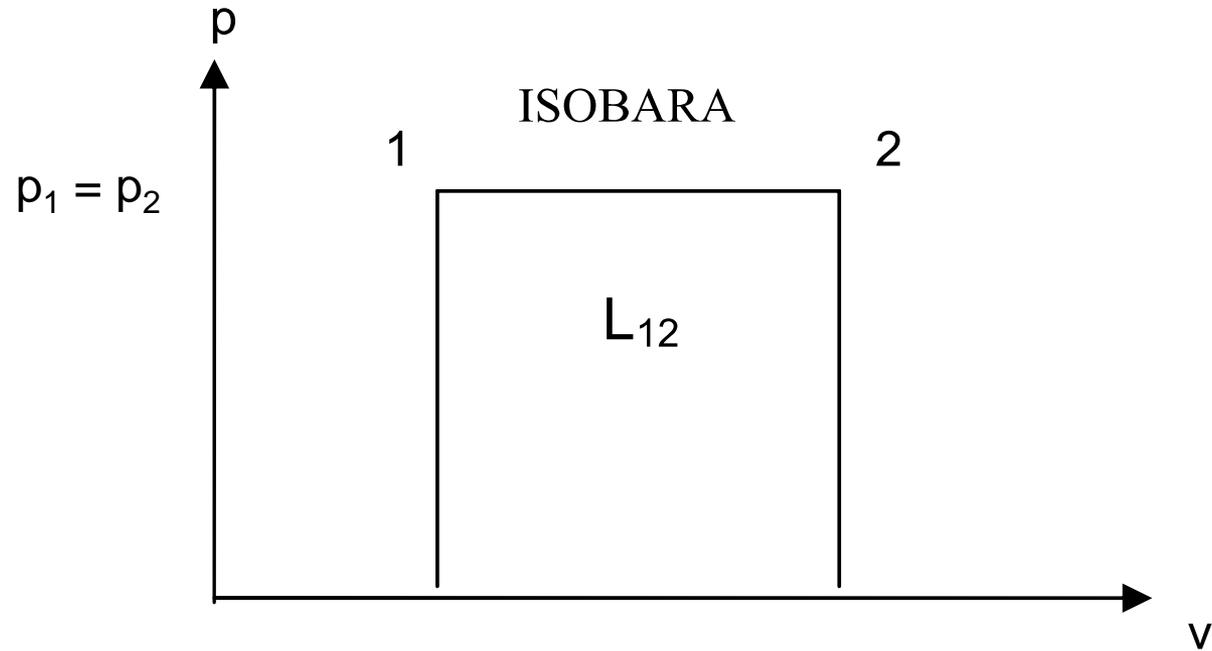


$$dL = 0 \Rightarrow dQ = dU \Rightarrow Q_{1,2} = U_2 - U_1$$

In termini specifici:  $q_{1,2} = u_2 - u_1$

# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

*Processo ISOBARO*



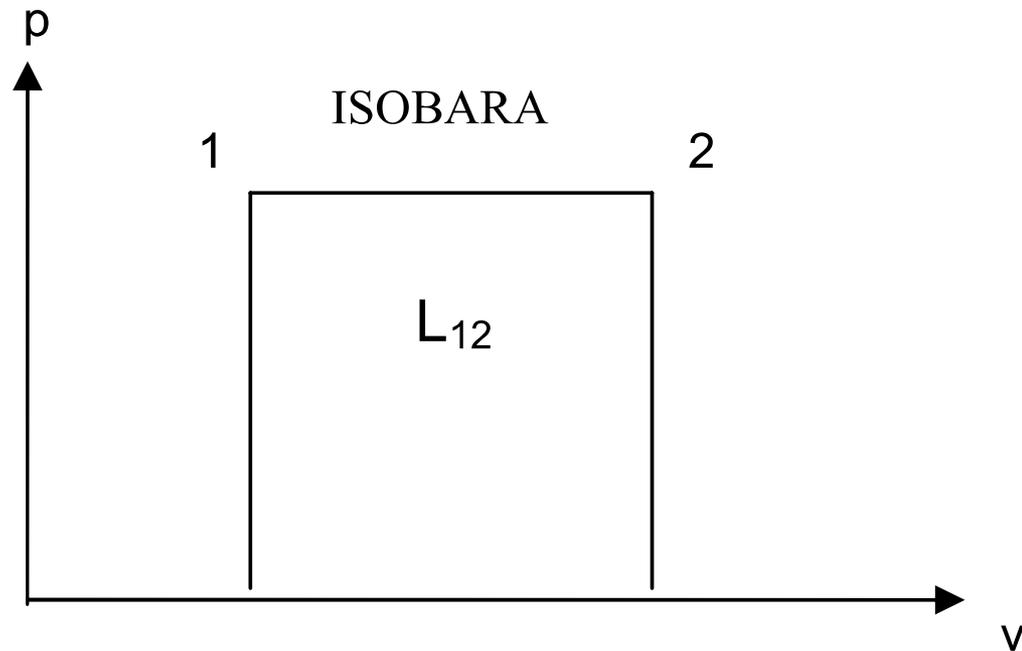
# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

*Processo ISOBARO*

$$p = \text{cost.} \Rightarrow L_{12} = \int_1^2 p \cdot dV = p \cdot \int_1^2 dV = p(V_2 - V_1)$$

In termini specifici:

$$l_{12} = \int_1^2 p \cdot dv = p \cdot (v_2 - v_1)$$



# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

*Processo ISOBARO*

$$p_1 = p_2 \longrightarrow dp = 0$$

Dal Primo Principio:

$$dQ = dU + dL$$

$$L_{1,2} = p \cdot (V_2 - V_1) \Rightarrow Q_{1,2} = U_2 - U_1 + p \cdot (V_2 - V_1)$$

In termini specifici:

$$q_{1,2} = u_2 - u_1 + p \cdot (v_2 - v_1)$$

$$u_2 - u_1 = q_{12} - p(v_2 - v_1)$$

# Applicazioni del I principio a trasformazioni notevoli

*Processo ADIABATICO*   $Q = 0$

Dal Primo Principio:

$$dU = dQ - dL$$

$$\text{essendo } Q = 0$$

$$dU = -dL$$

$$dU + dL = 0$$

In termini specifici:

$$du = dq - dl$$

$$\text{essendo } q = 0$$

$$du = -dl$$

$$du + dl = 0$$